



Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de febrero de 2017
DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

ASIGNATURA/AREA: Geometría	FECHA: abril de 2026
PERIODO: 1 de 2026	GRADO: 10° (10°1 y 10°2)
NOMBRE DEL DOCENTE: Jaime Buelvas	
NOMBRE DEL ESTUDIANTE:	
FECHA DE ENTREGA: Cronograma	FECHA DE SUSTENTACIÓN: Según horario organizado por coordinación.
LOGROS: Clasificación y aplicación Ángulos a aplicaciones matemáticas y geométricas, identificación y construcción de los principales polígonos regulares y estrellas de n número de puntas con demostraciones y mostraciones geométricas, reconocimiento de los elementos básicos de la geometría plana y analítica, como distancia entre dos puntos en el plano y punto medio de un segmento. Cumplimiento de tareas y talleres asignados relacionados con las competencias del área.	
Recursos: Hojas de bloc, lápiz, borrador, regla, lápices de colores, textos de matemáticas e internet.	

PLAN DE APOYO

ACTIVIDADES

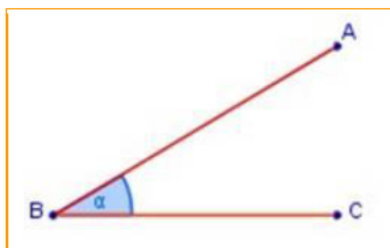
OBSERVACIONES:	
FECHA DE ENTREGA DEL TRABAJO	FECHA DE SUSTENTACIÓN
NOMBRE DEL EDUCADOR Jaime Buelvas	FIRMA DEL EDUCADOR

TEORÍA, EXPLICACIONES Y BIBLIOGRAFÍA

Ángulos y su clasificación

Un ángulo es una **figura geométrica** formada en una superficie por dos líneas que parten de un mismo punto.

También podemos decir que un ángulo es la abertura formada por dos rayos llamados **lados**, que tienen un origen común llamado **vértice**.



El ángulo se anota: $\sphericalangle ABC$ o $\sphericalangle \alpha$

Clasificación de los ángulos: Los ángulos pueden clasificarse según su medida en cinco tipos:

Ángulo recto: es aquel cuya medida es de 90° $\sphericalangle \alpha = 90^\circ$

Ángulo agudo: es aquel cuya medida es menor que 90° $\sphericalangle \alpha < 90^\circ$

Ángulo extendido: es aquel cuya medida es de 180° $\sphericalangle \alpha = 180^\circ$

Ángulo obtuso: es aquel cuya medida es mayor que 90° y menor que 180° $\sphericalangle \alpha > 90^\circ < 180^\circ$

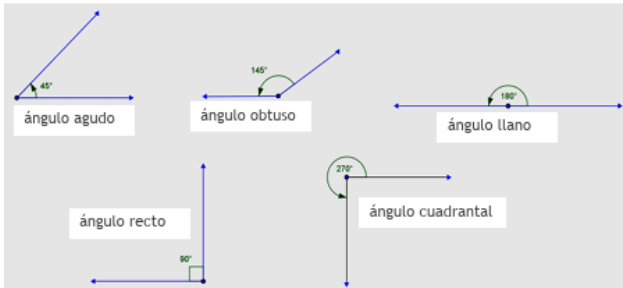
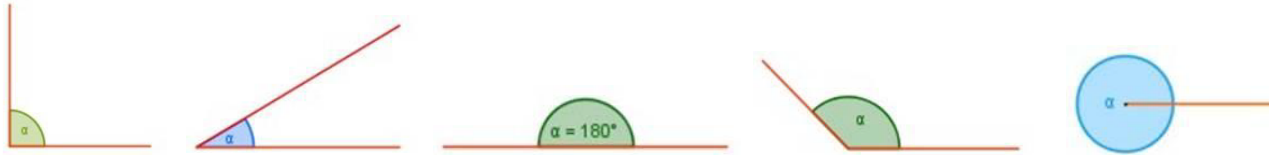
Ángulo completo: es aquel cuya medida es de 360° $\sphericalangle \alpha = 360^\circ$



Institución Educativa Juan XXIII

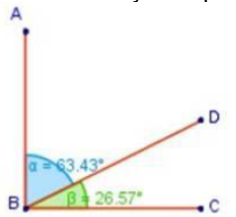
Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

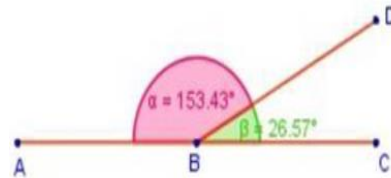


Relaciones entre parejas de ángulos

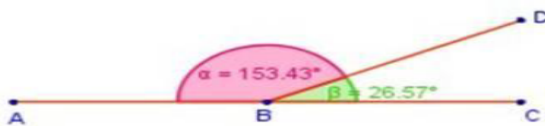
En casi todas las figuras geométricas donde intervengan rectas aparecen ángulos, los cuales es posible relacionar en cuanto a sus dimensiones y a su posición en el plano. Así, dos ángulos pueden ser entre sí **complementarios, suplementarios o adyacentes**.



Dos ángulos son **complementarios** si la suma de sus medidas es 90°
 $\alpha + \beta$ son complementarios
 $\alpha + \beta = 90^\circ$



Dos ángulos son **suplementarios** si la suma de sus medidas es 180°
 $\alpha + \beta$ son suplementarios
 $\alpha + \beta = 180^\circ$



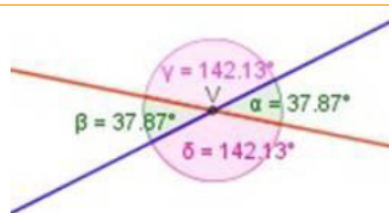
Dos ángulos son **adyacentes** si tienen un lado en común y los otros dos están en la misma recta.
a es adyacente con b \cup A, B, C son colineales (están en la misma recta), BD lado común para a y b
Los ángulos adyacentes son suplementarios.

Ángulos opuestos por el vértice

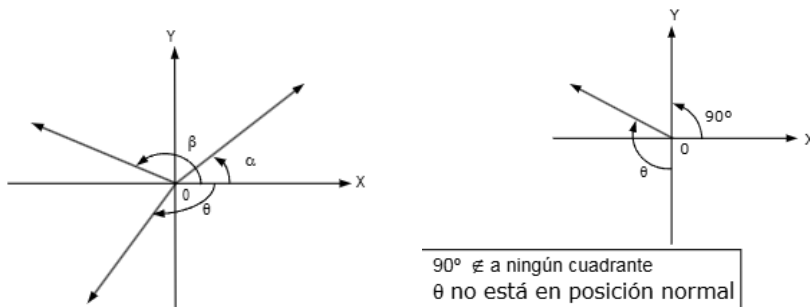
Son los ángulos formados por dos rectas que se cortan en un punto llamado **vértice (V)**.

α es opuesto por el vértice con β
 γ es opuesto por el vértice con δ

Como podemos verificar en la figura: **Los ángulos opuestos por el vértice son iguales**



ÁNGULO EN POSICIÓN NORMAL: Un ángulo trigonométrico está en Posición Normal si su vértice está en el origen de coordenadas y su lado inicial coincide con el lado positivo del eje X y el otro está en cualquier cuadrante



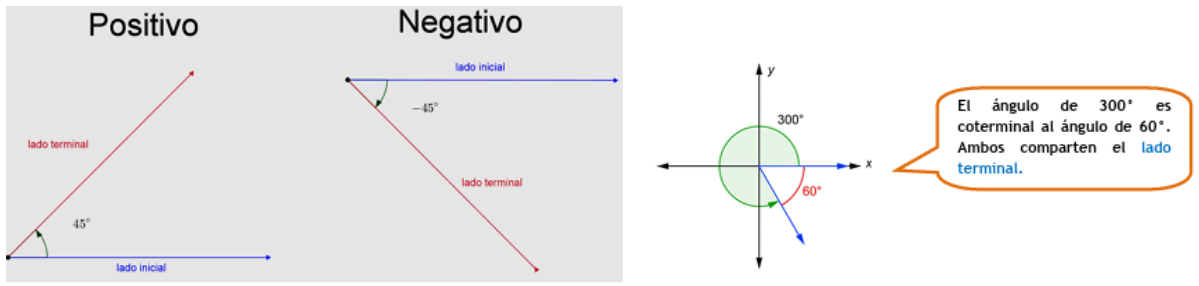
Ángulos y su posición: Los ángulos estudiados hasta el momento han sido **positivos** porque su lado terminal está en contra de las manecillas del reloj. Sin embargo, si este lado terminal estuviera a favor de las manecillas del reloj, entonces el ángulo sería **negativo**. Cuidado, el + o - , indica dirección del ángulo.



Institución Educativa Juan XXIII

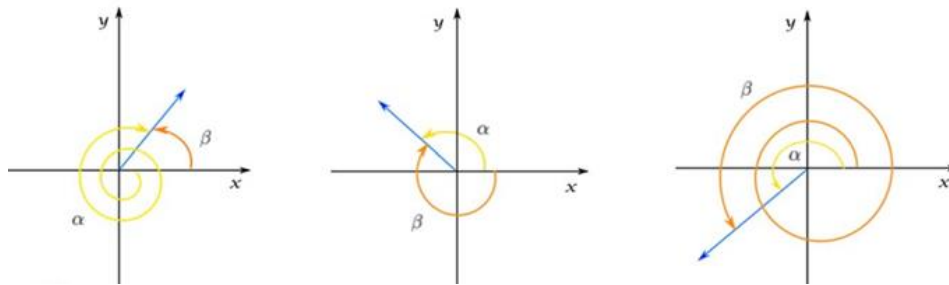
Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1



Por otro lado, los ángulos positivos y negativos pueden tener relación entre sí, si estos son ángulos coterminales. Los ángulos coterminales son dos ángulos donde coinciden en su lado terminal.

ÁNGULO COTERMINAL Los ángulos coterminales son ángulos en posición normal cuyo lado inicial está en el eje positivo de las x, el lado terminal coincide con el lado con el ángulo con el cual se compara. Se debe tomar como mínimo dos ángulos para compararlos si son coterminales. La diferencia entre los dos ángulos corresponde a una, dos, tres o más vueltas. Por ejemplo 30° , -330° y 390° son todos coterminales.



ÁNGULO DE ELEVACIÓN Y ÁNGULO DE DEPRESIÓN

El término ángulo de elevación denota al ángulo desde la horizontal hacia arriba a un objeto. Una línea de vista para el observador estaría sobre la horizontal.



El término ángulo de depresión denota al ángulo desde la horizontal hacia abajo a un objeto. Una línea de vista para el observador estaría debajo de la horizontal.



ÁNGULOS INTERIORES DE UN TRIÁNGULO

Comprobar que la suma de los ángulos interiores de un triángulo es 180°

Ejemplo:

Observa que la suma de los ángulos interiores de cualquier triángulo es 180° .



Triángulo equilátero
 $60^\circ + 60^\circ + 60^\circ = 180^\circ$



Triángulo Rectángulo
 $90^\circ + 70^\circ + 20^\circ = 180^\circ$



Triángulo Obtusángulo
 $110^\circ + 40^\circ + 30^\circ = 180^\circ$

Cálculo del ángulo en una circunferencia para construir una estrella de n número de puntas



Institución Educativa Juan XXIII

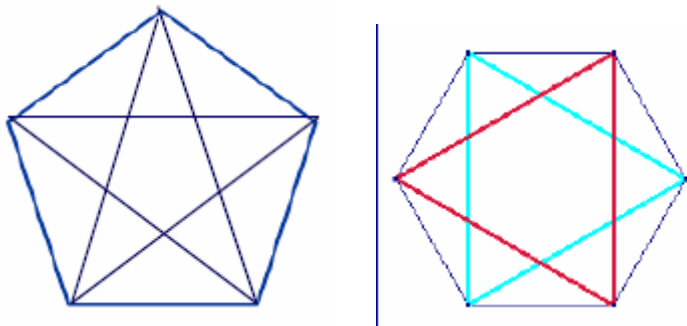
Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

De los polígonos regulares construir cualquier polígono regular con el transportados usando la formula $\theta = \frac{360^\circ}{n}$, Así mismo se construye una estrella de igual número de puntas
Donde n: representa el número de lados, trazar las respectivas diagonales

Construcción de estrellas de N número de puntas

A partir de un polígono regular de n lados. Se elige uno de sus vértices y se unen vértices no consecutivos, hasta que todo los vértices estén unidos. Se denotan por n/q (se saltan q-1 vértices).

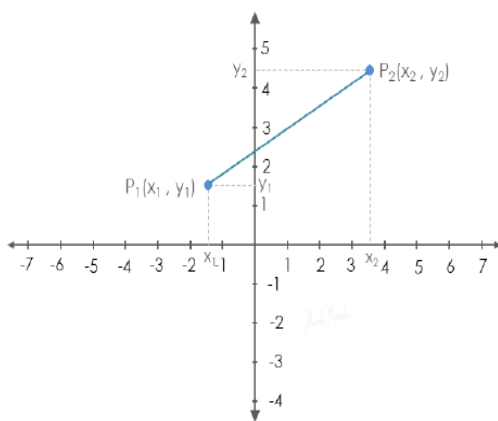


Geometría analítica: Distancia ente dos puntos en el plano

PLANO CARTESIANO. Distancia Entre Dos Puntos, en el Plano.

Sean los puntos $P_1(x_1, y_1)$ y $P_2(x_2, y_2)$ la distancia entre estos puntos se define como la longitud del segmento que los une.

¿Cómo hacemos para hallar la longitud del segmento P_1P_2 ?



El triángulo que se forma es rectángulo, por lo tanto satisface el teorema de Pitágoras.

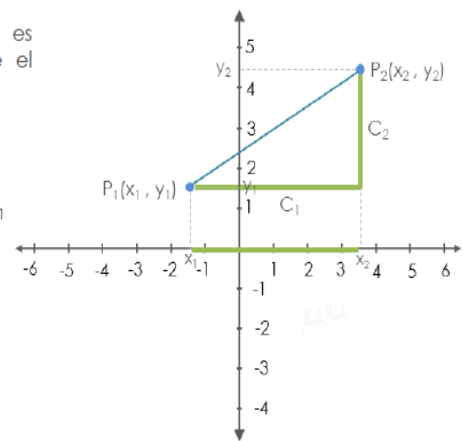
Teorema de Pitágoras

$$H^2 = C_1^2 + C_2^2$$

$$d_{P_1P_2} = H \quad C_1 = x_2 - x_1 \quad C_2 = y_2 - y_1$$

$$d_{P_1P_2}^2 = (x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2$$

$$d_{P_1P_2} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$





Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

Hallar la distancia entre los puntos A(-3, 5) y B(2, 4)

1ro. Ubicamos los puntos dados en el plano.
A(-3, 5) ; B(2, 4)

Nota: Aunque no es necesario para hallar la distancia, es valioso adquirir el hábito de representar gráficamente este tipo de planteamientos, será de gran utilidad.

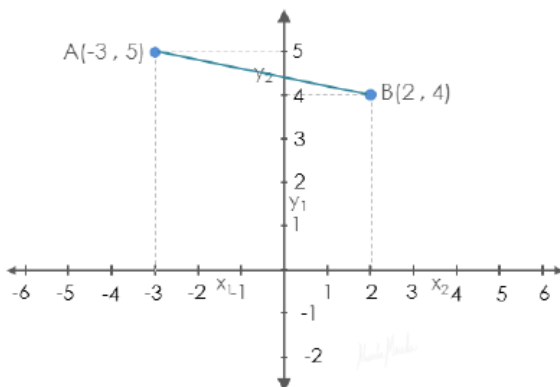
2do. Aplicamos la fórmula de distancia entre dos puntos.

$$d_{AB} = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{(-3 - 2)^2 + (5 - 4)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{(-5)^2 + (1)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{26}$$



Comprobar que los puntos A(-3, 4), B(-2, -3) y C(3, 2) son colineales.

Puntos Colineales. Son puntos que están sobre una misma recta.

Análisis. Si los puntos A, B y C son colineales la suma de la medida de los segmentos AB y BC es igual a la medida del segmento AC.

Hallamos las tres distancias:

A(-3, -4) ; B(-2, -3) ; C(3, 2)

$$d_{AB} = \sqrt{(-2 - (-3))^2 + (-3 - (-4))^2}$$

$$d_{BC} = \sqrt{(3 - (-2))^2 + (2 - (-3))^2}$$

$$d_{AC} = \sqrt{(3 - (-3))^2 + (2 - (-4))^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{(-1)^2 + (1)^2}$$

$$d_{BC} = \sqrt{(5)^2 + (5)^2}$$

$$d_{AC} = \sqrt{(6)^2 + (6)^2}$$

$$d_{AB} = \sqrt{2}$$

$$d_{BC} = \sqrt{50} \quad d_{BC} = 5\sqrt{2}$$

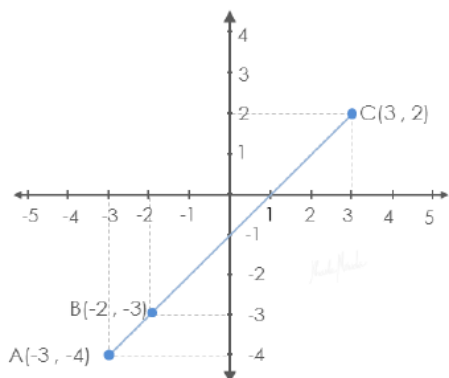
$$d_{AC} = \sqrt{72} \quad d_{AC} = 6\sqrt{2}$$

La suma de la medida de los segmentos AB y BC es igual a la medida del segmento AC.

Los tres puntos son colineales.

$$d_{AB} + d_{BC} = d_{AC}$$

$$\sqrt{2} + 5\sqrt{2} = 6\sqrt{2}$$



Punto medio de un segmento en el plano

Punto medio, es el punto que se encuentra a la misma distancia de otros dos puntos cualquiera o extremos de un segmento. Si es un segmento, el punto medio es el que lo divide en dos partes iguales. En ese caso, el punto medio es único y equidista de los extremos del segmento. Para hallar el punto medio del segmento de recta que une dos puntos en un plano de coordenadas, simplemente se encuentran los valores promedio de las respectivas coordenadas de los dos puntos de extremo usando la fórmula del punto medio.

Ejemplo: Hallar el punto medio de un segmento de recta que une los puntos (-5, -3) y (9, 3).

Paso#1: identificamos quien será x_1, y_1, x_2, y_2 . $x_1 = -5, y_1 = -3, x_2 = 9, y_2 = 3$

Paso#2: Colocamos la fórmula del punto medio. $Pm = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$

Paso#3: Sustituimos los valores de cada componente en la fórmula. $Pm = \left(\frac{-5 + 9}{2}, \frac{-3 + 3}{2} \right)$

Paso#4: Realizamos la suma del numerador y luego se divide entre 2. $Pm = \left(\frac{4}{2}, \frac{0}{2} \right); Pm = (2, 0)$

El punto medio de ese segmento de recta se encuentra ubicado en el punto (2, 0). Si se grafica el segmento de recta que define los puntos (-5, -3) y (9, 3) y luego se mide con una regla, se dará cuenta que la mitad de ese segmento de recta está justamente en el punto (2, 0) y es por eso que se le llama punto medio.



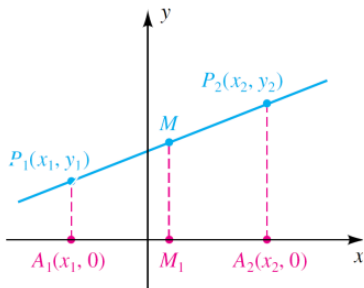
Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

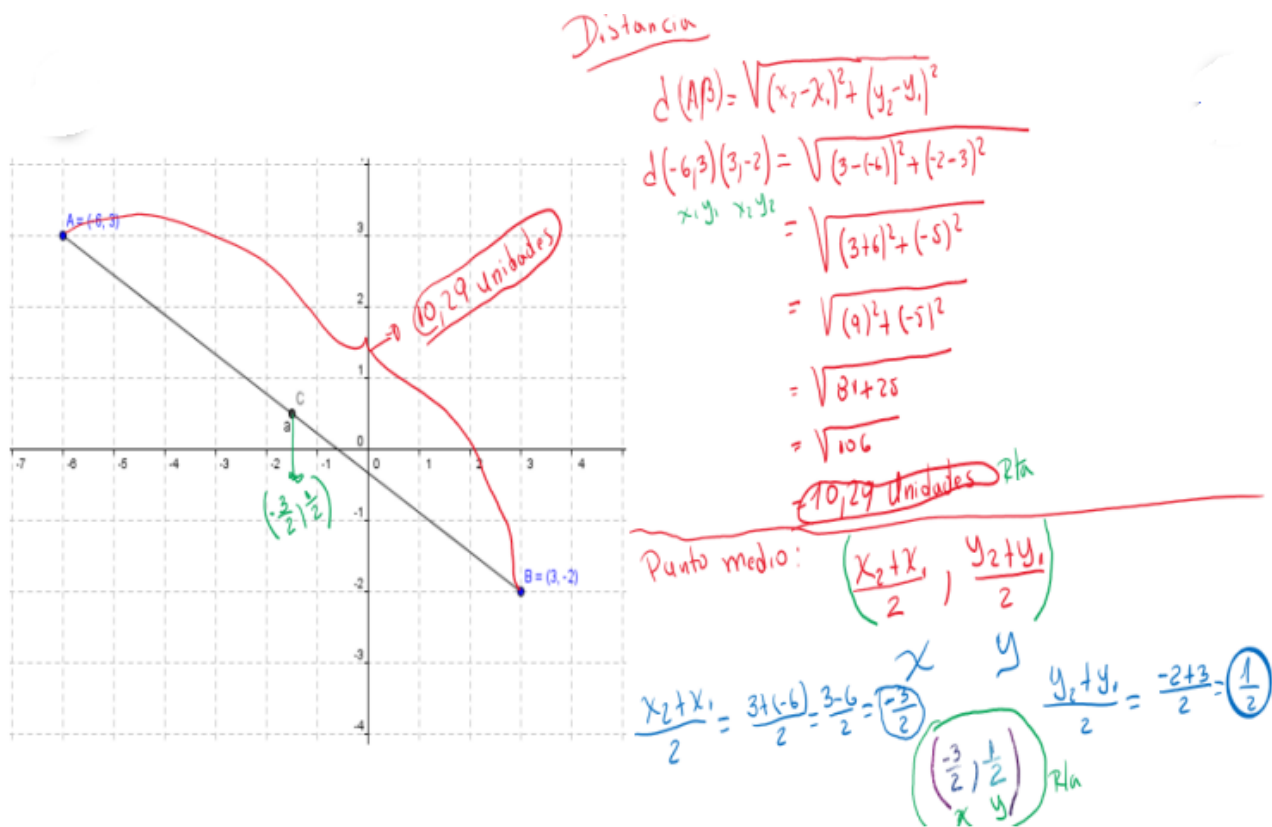
DANE: 105001006556 - NIT: 900585184-1

La fórmula para encontrar el punto medio, M , del segmento de línea desde $P_1(x_1, y_1)$ hasta $P_2(x_2, y_2)$ es:

$$M = \left(\frac{x_1 + x_2}{2}, \frac{y_1 + y_2}{2} \right)$$



Ejemplo de distancia entre dos punto y punto medio



EJERCICIOS O TALLER

Este taller representa la forma como se evaluará o sustentará el plan de apoyo. NO es para entregar, solo para estudiar a conciencia y prepararse para la evaluación del plan de apoyo

1. Construir estrella poligonales regulares 5, 6, 7, 8, 9 y 10 puntas

De las siguientes preguntas, escoja la correcta y realice las operaciones respectivas

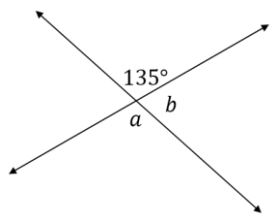
2. Teniendo en cuenta el concepto de ángulos opuestos por el vértice, los ángulos a y b miden respectivamente:

A. 100° y 45° B. 135° y 45° C. 45° y 45°

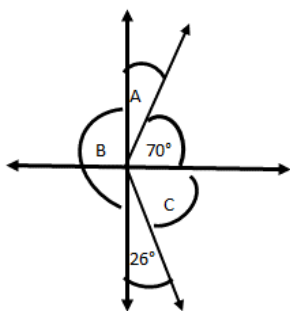


Institución Educativa Juan XXIII
 Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
 Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

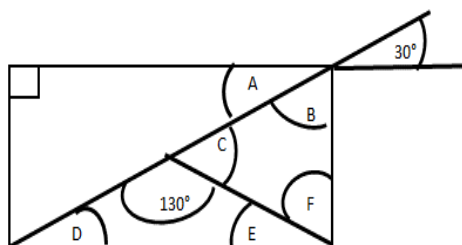


Responda las preguntas de la 3 a la 5 con base en la siguiente gráfica



- 3. El ángulo (A) mide: A. 30° B. 70° C. 90° D. 20°
- 4. El ángulo (B) mide: A. 100° B. 180° C. 90° D. 70°
- 5. El ángulo (C) mide: A. 64° B. 26° C. 74° D. lo mismo que B

Responda las preguntas de la 6 a la 10 con la siguiente gráfica, para cada respuesta debe justificar la respuesta con la operación o expresando que regla o principio matemático se aplica



- 6. El ángulo (A) mide: A. 60° B. 30° C. 50° D. 30°
- 7. El ángulo (B) mide: A. 60° B. 30° C. 50° D. 30°
- 8. El ángulo (C) mide: A. 60° B. 30° C. 50° D. 70°
- 9. El ángulo (F) mide: A. 60° B. 30° C. 50° D. 70°
- 10. Los ángulos D y E miden respectivamente. A. 30° y 30° B. 30° y 20° C. 50° y 20° D. 25° y 25°

Hallar la distancia entre los pares de puntos dados:

- 11. A(-1, 5) , B(2, 3)
- 12. P₁(0, 7) , P₂(4, -7)
- 13. C(6, -1) , D(-1, -4)

Hallar las coordenadas del punto medio y construir la gráfica en cada caso

- 14. Dados los puntos P = (-1, 7) y Q = (5,4), hallar el punto medio.
- 15. Halla el punto que divide al segmento de extremos P = (-2,3) y Q = (6,2) en dos partes iguales
- 16. Halle el punto medio del segmento que tiene como extremos los puntos: P = (2,5) y Q = (8,5).

INDICACIONES

Cada estudiante en supervisión del acudiente o padre de familia de ponerse al día con las actividades realizadas en clases y las diversas consultas y tareas planteadas, ponerse al día con el cuaderno con todas las actividades desarrolladas a la fecha

Estudiar las competencias desarrolladas con los temas:

Concepto, características y clasificación de los ángulo, cómo construir polígonos regulares estrellados, estrellas de n número de puntas,



Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

De los polígonos regulares construir cualquier polígono regular con el transportados usando la formula

$$\theta = \frac{360^\circ}{n}$$

Donde n: representa el número de lados, de igual forma se aplica para el número de lados de las estrellas

Ángulos, clasificación, tipos de ángulos, relación de ángulos (agudos, rectos, obtusos, llanos, completos, mayores que un giro.

Ángulos en posición normal, ángulos positivos y negativos, Ángulos Coterminales, ángulos opuestos por el vértice, ángulos complementarios y suplementarios, ángulo de elevación y depresión, ángulos internos de un triángulo

Geometría analítica: Distancia entre dos puntos de un segmento en el plano, coordenadas del punto medio

Corregir, estudiar y analizar la evaluación de periodo y las actividades evaluadas en clase

Presentar la evaluación de plan de apoyo en la fecha programada por la Institución, la calificación sacada en la evaluación es la nota que quedará como definitiva del periodo como plan de apoyo

Se insta a la familia a hacer el acompañamiento respectivo para que el estudiante alcance los desempeños del área

Bibliografía y recursos digitales

<https://www.youtube.com/watch?v=kLJFm-LLHY>

https://www.youtube.com/watch?v=BK588EzXRH8&list=PLayMs9a6-1-eDUBySwoGtxH3gngyji_QT

Tipos de ángulos: <https://www.youtube.com/watch?v=4KTKDMRZufE&t=95s>

Relaciones entre ángulos: <https://www.youtube.com/watch?v=oKS9V5P65wQ>

Ángulos coterminales: <https://www.youtube.com/watch?v=u38TSnFQwhs>

<https://www.youtube.com/watch?v=R5Ra78zc-s0>

Ángulos opuestos por el vértice: <https://www.youtube.com/watch?v=GkUbiBu-pYY>

Ángulos complementarios y suplementarios: https://www.youtube.com/watch?v=5FqU_0RfFYY

Ángulo de elevación y depresión: <https://www.youtube.com/watch?v=qzbx5XfcZUK>

<https://www.youtube.com/shorts/OtzpgzBqEQ0>

Ángulos internos de un triángulo: <https://www.youtube.com/watch?v=mim05Nfu5KM>

Distancia entre dos puntos: <https://www.youtube.com/watch?v=HPS7B57keEE>

<https://www.youtube.com/watch?v=dRv6f7Y2l6U>

<https://www.youtube.com/watch?v=pUpCPwL1Em8>

Punto medio de un segmento: <https://www.youtube.com/watch?v=qzRxsVoUaMo>

<https://www.youtube.com/watch?v=kDzTTOvv5dc>



Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012
Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de Febrero de 2017

DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

¿POR QUÉ IMPORTA?

Hablar sobre los números y contar todos los días, les mostrará a los estudiantes que la matemática forma parte de su vida diaria.

+	%
x	=

5 RAZONES PARA ESTUDIARLA

1. Desarrollan el pensamiento analítico
2. Permiten encontrar soluciones coherentes y efectivas
3. Agilizan la mente para tomar decisiones bajo presión
4. Facilitan el aprendizaje de otras disciplinas
5. Motivaban la creatividad al compararse con la música

Lo que necesitas saber **SOBRE MATEMÁTICA**

12 formas de aprender matemáticas rápido y mejorar tus calificaciones

1. Desprogramar el miedo a las matemáticas
2. Entender la teoría antes de la práctica
3. Ver la utilidad práctica
4. Realizar prácticas
5. Mantener la constancia en el estudio
6. Revisión de errores y corrección
7. Aplicar las matemáticas en la vida diaria
8. Aumentar la dificultad gradualmente
9. Utiliza herramientas y técnicas de estudio
10. Adaptar el estudio a tu estilo de aprendizaje
11. Consultar dudas y hacer preguntas
12. Buscar ayuda adicional