

# Institución Educativa Juan XXIII

Resolución de Aprobación 11 75 del 31 de octubre de 2012 Resolución de Aprobación Media Técnica: 1263 del 7 de febrero de 2017 DANE: 105001006556 – NIT: 900585184-1

#### **PLAN DE APOYO**

ÁREA/ASIGNATURA: MATEMÁTICAS/ESTADÍSTICA	<b>FECHA:</b> NOVIEMBRE 18, 19 Y 20 DE 2025
PERIODO: 3	GRADO: DÉCIMO (10°1 y 10°2)
NOMBRE DEL DOCENTE: DIANA MARCELA CALLEJAS PATIÑO	
NOMBRE DEL ESTUDIANTE:	
FECHA DE ENTREGA: NOVIEMBRE 18	FECHA DE SUSTENTACIÓN: NOVIEMBRE 18, 19 Y 20 DE 2025
	_

#### LOGROS:

- ldentifica cuándo deben o no, ser agrupados los datos recolectados en un estudio estadístico y determina cada uno de los elementos que le permiten construir una tabla de frecuencias para datos agrupados.
- Encuentra el número de posibles resultados en un experimento aleatorio, usando métodos adecuados (diagramas de árbol, regla de la multiplicación, permutaciones, variaciones, combinaciones, etc.).

Recursos: Guía impresa, cuaderno y lápiz, recursos interactivos de profundización de los conceptos.

## Este Plan de apoyo está dividido en dos partes; a saber:

- 1. Un resumen detallado de las temáticas y conceptos abordados durante el periodo 3.
- 2. Dos actividades para entregar que, se encuentran en las páginas 8 y 9.

### RESUMEN DE LAS TEMÁTICAS TRABAJADAS EN CLASE

### **TABLAS DE FRECUENCIAS PARA DATOS AGRUPADOS**

A través de la siguiente situación, observa la organización de los datos en una tabla de frecuencias para datos agrupados.

Un ingeniero industrial quiere saber cómo está distribuida la edad de los jóvenes que hacen uso de la bicicleta de forma recreativa más de 3 veces en la semana para hacer una campaña publicitaria. Para ello recopiló la información de las edades de los asistentes al ciclo vía. las cuales son:

En este ejemplo, vemos que las categorías de los datos son mayores a 10, poque van desde 5, dato menor, hasta 20, dato mayor, son bastantes para trabajarlos de manera independiente.

6	8	9	11	18	16	13	17	15	14
14	13	12	15	18	16	10	9	8	6
13	7	9	7	6	8	5	11	13	18
17	13	15	11	12	10	10	18	19	20
20	18	16	11	12	5	8	9	13	15
18	5	8	7	9	6	5	11	11	15
17	18	13	12	10	10	14	10	6	7
8	5	18	9	8	7	6	6	11	16
18	19	15	14	18	13	12	13	14	19
20	6	8	9	11	6	7	10	7	10

#### Elementos de la recolección de datos:

**Rango (R):** Para agrupar datos primero se debe calcular el rango de los datos, el cual se obtiene restando el mayor valor menos el menor valor de los datos.

R = Xmax - Xmin

Cantidad de Intervalos: Luego se escoge un número «k», el cual es el número de clases en las que se quieran agrupar los datos.

$$K = 1 + 3,32 \times log(N)$$

N = Número de datos

**Amplitud de intervalo:** Se procede a dividir el rango entre «k» para obtener la amplitud de las clases a agrupar.

$$A=\frac{R}{k}$$

Por último, se comienza la agrupación, para lo cual se escoge un número menor que el menor valor de los datos obtenidos.

**Límite inferior:** Es el valor menor de los datos y se representa Li [a, b) al límite inferior de la primera clase, a este se le suma A (amplitud) el valor obtenido será el límite superior de la primera clase representada como Ls.

$$Ls = Li + A$$

**Marca de clase**: Es el punto medio de cada intervalo, y representa a la clase para el cálculo de algunos parámetros y se representa como Xi. Este quiere decir, Promedio del intervalo.

$$Xi = \frac{Li + Ls}{2}$$

### Apliquemos en el ejemplo

Rango R

$$R = 20 - 5 = 15$$

Número de datos N.

Para nuestro caso sabemos que son 100 datos recogidos o 100 personas encuestadas. Por tanto,

$$N = 100$$

Intervalos

$$K = 1 + 3,32 \times \log(100)$$

$$K=7.64\approx 8$$

Y se aproxima al entero siguiente, resultando en 8 intervalos.

**Amplitud** 

$$A=\frac{15}{8}$$

$$A=1,875\approx 2$$

En este caso, el resultado se pude también redondear al siguiente entero, resultando una amplitud de intervalos de 2.

$$K \approx 2$$

Completa la tabla de frecuencias con los datos que tienes hasta el momento y organízalos.

Intérvalo	fi	Fi
5 - 6	14	14
7 - 8	15	29
9 - 10	15	44
11 - 12	13	57
13 - 14	14	71
15 - 16	10	81
17 - 18	3	94
19 - 20	6	100

INTÉRVALO			
TOTAL			

### **TÉCNICAS DE CONTEO**

Las técnicas de conteo son métodos matemáticos para calcular el número total de resultados posibles en un evento o experimento, sin tener que enumerarlos uno a uno, lo que facilita el análisis de problemas complejos en probabilidad y estadística.

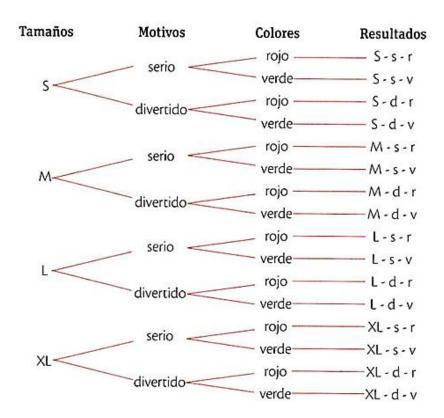
### DIAGRAMA DE ÁRBOL

El diagrama de árbol es una técnica de conteo que permite enumerar los resultados posibles de un experimento que consta de dos o más pasos. Está compuesto por ramas por niveles, que se despliegan de cada categoría o paso que conforma al experimento.

**Ejemplo:** Dos estudiantes del grado noveno diseñan camisetas para un evento de su grupo. En el diseño se tienen en cuenta tres criterios como la talla, los motivos y los colores de la camiseta. Así como se muestra en la tabla siguiente.

Talla		Motivos	Colores	
S	Μ	Serio	Rojo	
L	XL	Divertido	Verde	

¿Cuántos modelos diferentes pueden crear los dos estudiantes de noveno?



Observe el diagrama de árbol, este comienza desde la primera categoría que es la talla. Son 4 tallas y por cada talla, se tienen dos motivos diferentes para elegir y por cada uno de los motivos, se pueden escoger entre dos colores diferentes. Al lado derecho del diagrama de árbol, se pueden contar los resultados, es decir, todas las diferentes combinaciones de camisetas que se pueden armar, teniendo en cuenta las tres categorías proporcionadas.

R:// En total son **16 modelos** diferentes que se pueden crear. Uno de eso modelos es, por ejemplo, una camiseta talla L, con motivo serio y de color verde (L, S, V).

### PRINCIPIO MULTIPLICATIVO

El principio multiplicativo (también llamado principio fundamental del conteo) es una técnica para calcular el número total de resultados posibles de un proceso que consta de varias etapas o sucesos, multiplicando el número de opciones disponibles en cada etapa.

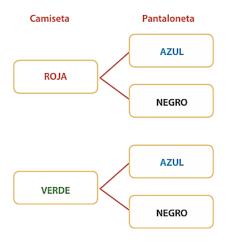
"Si un primer evento tiene 'm' formas de realizarse y un segundo evento tiene 'n' formas de realizarse, entonces, ambos eventos juntos pueden realizarse de 'm \* n' formas".

En el ejemplo anterior, si multiplicamos las opciones que hay para diseñar las camisetas, tenemos que:

 $4 \times 2 \times 2 = 16$ , 16 maneras de diseñar las camisetas.

**Ejemplo**: Luis tiene una camiseta roja y otra verde. Además, Luis tiene una pantaloneta azul y un pantalón negro. ¿De cuántas maneras diferentes se puede verter Luis?

Entonces, usando el principio multiplicativo, observa que, Luis tiene  $2 \times 2 = 4$ . Son 4 formas diferentes de vestir combinado sus prendas. Ahora, veamos esta situación representada en un diagrama de árbol.



- El diagrama de árbol es una técnica de conteo asociada al principio multiplicativo.
- Esta técnica permite enumerar los resultados posibles de un experimento que consta de dos o más pasos.
- Está compuesto por ramas por niveles, que se despliegan de cada categoría o paso que conforma al experimento.
- El espacio muestral de este experimento aleatorio es:

S = {(roja, azul), (roja, negro), (verde, azul), (verde, negro)}

## **PERMUTACIONES**

Una permutación es un arreglo de elementos de un conjunto, donde **el orden es importante.** En otras palabras, es una forma de ordenar o disponer los elementos de un conjunto finito, de manera que cada ordenación posible se considera una permutación diferente. Por ejemplo, si tienes los dígitos 2, 5 y 8, los números **258, 285, 528, 528, 825** y **852** son permutaciones de esos dígitos, porque el orden de los números es diferente en cada caso.

El orden es importante, pues no es lo mismo que el dígito 2 esté en el lugar de las unidades a que esté en el lugar de las decenas o de las centenas.

**Definición:** El número de permutaciones de N elementos es *N*!

**FACTORIAL DE NÚMERO:** El factorial de un número **N**, es el producto de todos los números desde 1 hasta **N**. Podemos decir simbólicamente:

$$N! = 1 \times 2 \times 3 \times 4 \times ... \times (n-1) \times N$$

**Ejemplo 1:** Cuántas formas tengo de acomodar los tres juguetes de Manuel en una repisa, avión, dinosaurio y autobús. Observemos las acomodaciones que puedo formar.



Son tres objetos para permutar u ordenar. Entonces, usando el factorial de 3, tenemos que, 3! = 3x2x1 = 6. Hay 6 formas diferentes para ordenar los tres juguetes en la repisa.

Nota: A la permutación de N elementos la vamos denotar P(N) = N!

**Ejemplo:** En una competencia deportiva hay 5 personas. ¿De cuántas maneras pueden quedar ubicadas en el 1°, 2°, 3°, 4° y 5° lugar?

R:// Permutación de 5 elementos

$$P(5) = 5!$$
  
 $P(5) = 5 \times 4 \times 3 \times 2 \times 1 = 120$ 

#### **VARIACIONES**

Las variaciones son permutaciones en las que solo se toman algunos elementos del total para ordenarlos. En las variaciones también importa el orden.

Si de un conjunto de n elementos tomamos a r elementos para ordenarlos o disponerlos importando el orden, esto se denota como:

$$V(m,n) = \frac{m!}{(m-n)!}$$

**Ejemplo:** Eduardo, Carlos y Sergio se han presentado a un concurso de pintura. El concurso otorga \$200 al primer lugar y \$100 al segundo. ¿De cuántas formas se pueden repartir los premios de primer y segundo lugar?

**Solución:** Observe que, don tres elementos, en este caso personas y se debe ordenar a dos de ellas en primer y segundo lugar. Se trata de una variación V(m,n), variación donde m=3 y n=2. Variación V(3,2), 3 tomados de a 2.

En este caso, sí importa el orden, ya que no es lo mismo quedar en primer lugar que en segundo, además, los premios son diferentes. Por ejemplo, un arreglo o disposición, es que Carlos ocupe el primer lugar y Sergio el segundo. Otro arreglo, sería que Sergio ocupe el primer lugar y Eduardo el segundo. El número total de arreglos o formas lo calculamos con la fórmula:

$$V(3,2) = \frac{3!}{(3-2)!}$$
$$V(3,2) = \frac{3!}{(1)!} = 3 \times 2 \times 1 = 6$$

Por lo tanto, hay 6 formas diferentes.

### **COMBINACIONES**

Una combinación de un conjunto de elementos es una selección de dichos elementos sin tener en cuenta el orden.

El número de combinaciones de "m" elementos tomados de "n" en "n" se calcula con la fórmula:

$$C(m,n) = \frac{m!}{(m-n)! \, n!}$$

**Ejemplo:** Un chef va a preparar una ensalada de verduras con tomate, zanahoria, papa y brócoli. ¿De cuántas formas se puede preparar la ensalada usando solo 2 de los 4 ingredientes?

**Solución:** En este caso, no importa el orden en que se tomen los ingredientes para la ensalada, pues da igual si es una ensalada de tomate con zanahoria, que una ensalada de zanahoria con tomate, ya que al final, el chef mezclará los dos ingredientes.

Un arreglo podría ser zanahoria y tomate, otro arreglo podría ser tomate y papa, otro arreglo podría ser papa y brócoli. El problema nos indica que solo se pueden usar 2 ingredientes en la ensalada. En este caso, m = 4 y n = 2. El número total de arreglos o formas lo calculamos con la fórmula:

$$C(4,2) = \frac{4!}{(4-2)! \ 2!}$$

$$C(4,2) = \frac{4 \times 3 \times 2 \times 1}{2! \times 2!}$$

$$C(4,2) = \frac{24}{2 \times 2} = \frac{24}{4} = 6$$

Son 6 formas diferentes de seleccionar 2 de los 4 ingredientes para la pizza.

### ACTIVIDADES (Secuencia de actividades a desarrollar por el estudiante)

### **ACTIVIDAD 1: TABLAS DE FRECUENCIAS PARA DATOS AGRUPADOS**

Los pesos de 60 personas dados en kilogramos son:

Elabora una tabla de frecuencias para estos datos. Antes de ello, encuentra cada uno de los elementos que te permiten realizar una agrupación de datos:

- Rango R.
- Número de datos N.
- Número de intervalos K.
- Amplitud de intervalo A.
- Marca de clase.

Intervalos	Frecuencia absoluta	Frecuencia absoluta acumulada	Frecuencia relativa	Frecuencia relativa acumulada	Marca de clase
total					

# ACTIVIDAD 2: TÉCNICAS DE CONTEO

1. Formula una situación que se pueda representar con el siguiente diagrama de árbol.



Para cada uno de los siguientes puntos, muestre los procedimientos y operaciones que le permiten obtener la respuesta correcta:

- 1. Un restaurante ofrece 3 tipos de sopa, 6 platos fuertes y 4 postres. ¿Cuántas comidas diferentes de tres tiempos (sopa, plato fuerte, postre) se pueden pedir?
  - A. 18
- B. 72
- C. 13
- D. 24
- 2. Una encuesta requiere que una persona elija 1 de 3 colores y 1 de 5 números. ¿Cuántas respuestas diferentes se pueden dar?
  - A. 5
- C. 15
- D. 8
- 3. En un estante se van a colocar 6 libros diferentes. ¿De cuántas maneras diferentes se pueden ordenar estos libros?
  - A. 720
- B. 120
- C. 21
- D. 36
- 4. ¿De cuántas maneras diferentes se pueden seleccionar un presidente, un vicepresidente y un tesorero de un grupo de 10 personas?
  - A. 600
- B. 120
- C. 1000
- D. 720
- 5. En una carrera de 8 caballos, ¿de cuántas formas diferentes pueden llegar en primer, segundo y tercer lugar?
  - A. 40320
- B. 24
- C. 336
- D. 56
- 6. Se desea seleccionar a 4 personas de un grupo de 10, para diseñar una cartelera. El número de formas distintas para hacerlo es.
- **A.**  $C(10,4) = \frac{10!}{4!(10-4)!}$  **B.**  $C(10,4) = \frac{10!}{10!(4)!}$  **C.**  $P(10,4) = \frac{10!}{(10-4)!}$

**RECURSOS - INSUMOS - MATERIALES** 

# RECURSOS DIGITALES DE APOYO EN LAS EXPLICACIONES

Diagrama de árbol:

https://www.youtube.com/watch?v=zCJErgDc1iQ

Principio multiplicativo:

https://www.youtube.com/watch?v=nz0dpuQP5xc&t=611s

Principio multiplicativo y diagrama de árbol.

https://www.youtube.com/watch?v=nz0dpuQP5xc&t=695shttps://www.youtube.com/watch?v=zCJErqDc1iQ

Permutaciones.

https://www.youtube.com/watch?v=1t8z1otLHWg

https://www.youtube.com/watch?v=v76LNyelgzo

https://www.youtube.com/watch?v=dRN15Or4o00&t=882s

Variaciones.

https://www.youtube.com/watch?v=h4IfRXoVcpo&t=654s

Combinaciones.

https://www.youtube.com/watch?v=MNrwZX-9RxUhttps://www.youtube.com/watch?v=I3GuNwNTpDc

#### OBSERVACIONES:

- > Se considera un punto bueno cuando tiene el proceso y las operaciones aritméticas necesarias, además del resultado correcto.
- En la sustentación, el estudiante deberá demostrar a través de ejercicios similares a los del presente taller, la comprensión de los diferentes conceptos aritméticos vistos durante el periodo, así como las operaciones y procesos necesarios para determinar los diferentes cálculos.
- En la sustentación no pueden sacar calculadora ni tablas, éstas se las deben de aprender.
- > La sustentación tendrá cinco puntos, deben hacer mínimo tres buenos con operaciones incluidas para ganarla.
- > Sin taller no pueden presentar sustentación, queda el plan de apoyo automáticamente reprobado.

FECHA DE ENTREGA DEL TRABAJO	FECHA DE SUSTENTACIÓN
NOVIEMBRE 18 DE 2025	NOVIEMBRE 18, 19 Y 20 DE 2025
NOMBRE DEL EDUCADOR	FIRMA DEL EDUCADOR Diuno Callejas
Diana Marcela Callejas Patiño	FIRMA DEL EDUCADOR